



أولمبياد الرياضيات 2015 - 2016

للتالئة ثانوي إعدادي

المرحلة النهائية

مدة الإنجاز : 2h

{ الجمعة 13 ماي 2016 }

التنقيط	الموضوع
	<p>التمرين الأول : 7 ن</p> <p>الهدف من التمرين هو حل معادلة من الدرجة الثانية بمجهول واحد $(E): ax^2 + bx + c = 0$ حيث a و b و c أعداد حقيقية معلومة و a غير منعدم :</p> <p>1. بين أن : $ax^2 + bx + c = a \left[\left(x + \frac{b}{2a} \right)^2 - \frac{b^2 - 4ac}{4a^2} \right]$ 2 ن</p> <p>2. نضع : $\Delta = b^2 - 4ac$ و يسمى مميز المعادلة (E) حدد حلول المعادلة (E) في كل حالة من الحالات التالية : 3 ن</p> <p>أ- في حالة $\Delta = 0$. ب- في حالة $\Delta > 0$. ت- في حالة $\Delta < 0$.</p> <p>3. حل المعادلة التالية بالاعتماد على الطريقة السابقة : $2x^2 + 3x + 1 = 0$ 2 ن</p>
	<p>التمرين الثاني : 8 ن نعتبر المستوى منسوب الى معلم متعامد .</p> <p>تنطلق نملة وفق مسار مستقيمي من نقطة ذات الإحداثيات $(x ; y)$ الى نقطة ذات الإحداثيات $(-3x - y ; 7x + 2y)$.</p> <p>1. انطلقت هذه النملة من النقطة $A(1 ; 1)$ وقامت بثلاث توقفات ، حدد احداثيات نقط توقفها. 2 ن</p> <p>2. بين ان نقطة الانطلاق ونقطة توقفها الثالث لهما دائما نفس الاحداثيات . 2 ن</p> <p>3. في أي نقطة ستنتقل هذه النملة لتصل الى النقطة $B(-2 ; 4)$ في توقفها الأول . 2 ن</p> <p>4. نعتبر احداثيات نقطة توقف هذه النملة هي $(-3x - y ; 7x + ky)$ حيث k عدد صحيح طبيعي . ماهي احداثيات نقطة الانطلاق التي ستجعل النملة بدون حركة كيفما كان العدد k 2 ن</p>
	<p>التمرين الثالث : 5 ن</p> <p>في الشكل جانبه نصف قرص مركزه J محاط بنصف قرص اخر مركزه I وشعاعه 1 والقطران $[AB]$ و $[CD]$ متوازيان حدد مساحة الجزء المخدش .</p> <p>2 ن 2 ن 1 ن</p>

