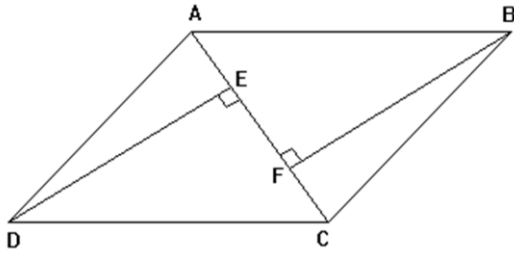




الفرض الثالث من أولمبياد الرياضيات - المرحلة النهائية

التمرين الأول



نعتبر الشكل أسفله بحيث : ABCD متوازي الأضلاع

بين أن :

$$AF^2 + FB^2 = DE^2 + EC^2$$

$$DE^2 + EA^2 = BF^2 + FC^2$$

التمرين الثاني

ABC مثلث قائم الزاوية في A بحيث : $\hat{A}BC = 60^\circ$

منصف الزاوية $\hat{A}BC$ يقطع [AC] في E .

(1) - أرسم شكلا مناسبيا .

(2) - أثبت أن : $EC^2 = AB^2 + AE^2$.

التمرين الثالث

ABC مثلث قائم الزاوية في A .

H المسقط العمودي للنقطة A على المستقيم (BC) .

(1) - أرسم شكلا مناسبيا .

(2) - أثبت أن : $AB^2 = BH \times BC$ و أن : $AC^2 = CH \times BC$.

التمرين الرابع

ABC مثلث قائم الزاوية في A و غير متساوي الساقين .

M منتصف [BC] و N المسقط العمودي للنقطة A على المستقيم (BC) .

(1) - أرسم شكلا مناسبيا .

(2) - أثبت أن : $\cos \hat{M}AN = \frac{2AN}{BC}$.

التمرين الخامس

صعد راكب دراجة عقبية بسرعة 12 km/h و نزلها بسرعة 48 km/h و استغرق النزول 15 دقيقة و 15 ثانية أقل من الصعود .
أحسب طول العقبة .

Exercice 6 :

Soit x un nombre décimal :

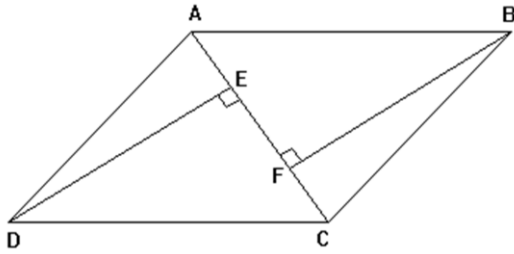
1. Factoriser l'expression suivante : $x^2 + 3x + 2$

2. Conclure les solutions de l'équation : $x^2 + 3x + 2 = 0$ □



الفرض الثالث من أولمبياد الرياضيات - المرحلة النهائية

التمرين الأول



نعتبر الشكل أسفله بحيث : ABCD متوازي الأضلاع

بين أن :

$$AF^2 + FB^2 = DE^2 + EC^2$$

$$DE^2 + EA^2 = BF^2 + FC^2$$

التمرين الثاني

ABC مثلث قائم الزاوية في A بحيث : $\hat{A}BC = 60^\circ$
منصف الزاوية $\hat{A}BC$ يقطع [AC] في E .

(1) - أرسم شكلا مناسبيا .

(2) - أثبت أن : $EC^2 = AB^2 + AE^2$.

التمرين الثالث

ABC مثلث قائم الزاوية في A .

H المسقط العمودي للنقطة A على المستقيم (BC) .

(1) - أرسم شكلا مناسبيا .

(2) - أثبت أن : $AB^2 = BH \times BC$ و أن : $AC^2 = CH \times BC$.

التمرين الرابع

ABC مثلث قائم الزاوية في A و غير متساوي الساقين .

M منتصف [BC] و N المسقط العمودي للنقطة A على المستقيم (BC) .

(1) - أرسم شكلا مناسبيا .

(2) - أثبت أن : $\cos \hat{M}AN = \frac{2AN}{BC}$.

التمرين الخامس

صعد راكب دراجة عقبية بسرعة 12 km/h و نزلها بسرعة 48 km/h
و استغرق النزول 15 دقيقة و 15 ثانية أقل من الصعود .
أحسب طول العقبة .

Exercice 6 :

Soit x un nombre décimal :

1. Factoriser l'expression suivante : $x^2 + 3x + 2$

2. Conclure les solutions de l'équation : $x^2 + 3x + 2 = 0$ □