

أولمبياد الرياضيات ليوم 8 ماي 2009

الفرض الثاني  
الثالثة اعدادي

غرين 1 ليكن  $a$  عددا طبيعيا . اكتب العدد  $2a^2+2$  على شكل مجموع مربعين لاعداد طبيعية .

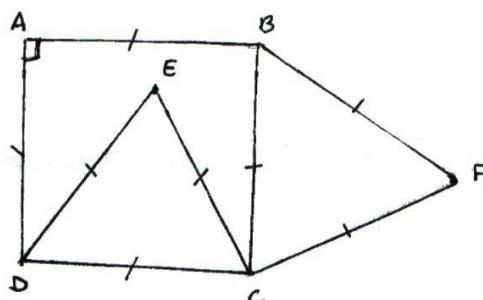
غرين 2  $x, y, z$  اعداد موجبة وحقيقية بحيث  $xyz=1$  احسب قيمة .

$$\frac{x}{xy+x+1} + \frac{y}{yz+y+1} + \frac{z}{xz+z+1}$$

غرين 3  $xt-xz \geq 0$  بين ان  $0 \leq x \leq y \leq z \leq t$  اعداد حقيقة بحيث  $t$  و  $y$  و  $z$  و  $x$  اعداد حقيقة .

غرين 4  $ABCD$  مربع ، نعتبر النقاطين  $E$  و  $F$  الاحداثيين في الشكل و اللتان تحققان  $AB=BF=EC=ED=CF$

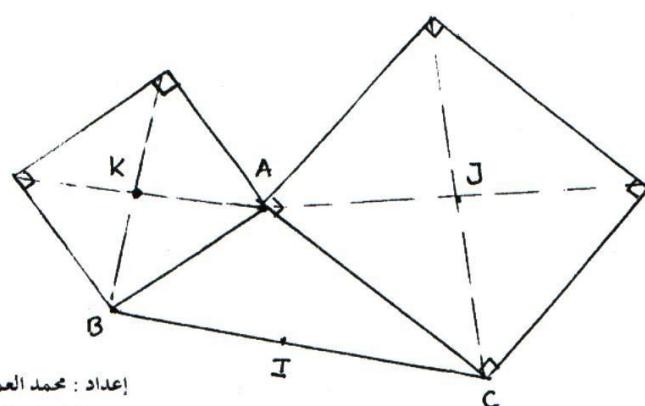
بين ان النقط  $A, E, F$  مستقيمة



غرين 5 انشئ دائرة تمر من نقطة معلومة  $F$  و ماسة لمستقيم معلوم  $(D)$  وضح المراحل التي يجب القيام بها .

غرين 6  $ABC$  مثلث و  $AM$  منتصف  $[BC]$  ، نشأ المربعين كما في الشكل بحيث  $J$  و  $K$  مركزا المربعين

بين ان المثلث  $KIJ$  قائم الزاوية و متساوي الساقين في  $I$



إعداد : محمد العمري  
مفتاح الرياضيات