



أولمبياد الرياضيات 2017 - 2016

لثالثة ثانوي إعدادي

المرحلة التمهيدية

مدة الإنجاز : 2h

{ الجمعة 16 دجنبر 2016 }

المؤسسات المعنية :

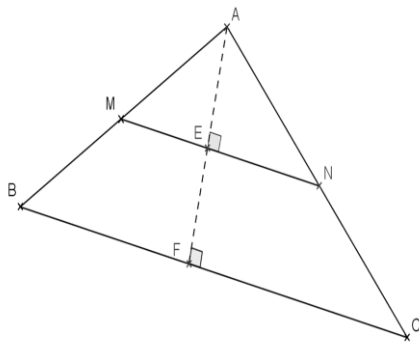
✓ اعدادية الحسن الثاني

✓ اعدادية ابن طفيل

✓ اعدادية الحي الجديد

✓ مؤسسة لبرونفيساج الخاصة

الموضوع	التنقيط
<p>التمرين الأول : 9 ن (السؤالان ا و II مستقلان)</p> <p>I a و b عدنان حقيقيان موجبان :</p> <p>1. أنشر و بسط مايلي : $(a+b-\sqrt{ab})(\sqrt{a}+\sqrt{b})$ و $(a+b+\sqrt{ab})(\sqrt{a}-\sqrt{b})$</p> <p>2. إستنتج تعميل مايلي : $5\sqrt{5}+7\sqrt{7}$ و $3\sqrt{3}-2\sqrt{2}$</p> <p>II a و b عدنان حقيقيان موجبان قطعاً، حيث $b > 1$</p> <p>1. بين أن : $\sqrt{a} \cdot \frac{\sqrt{1+\frac{2b}{1+b^2}} + \sqrt{1-\frac{2b}{1+b^2}}}{\sqrt{a+\frac{2ab}{1+b^2}} - \sqrt{a-\frac{2ab}{1+b^2}}} = b$</p> <p>2. استنتج قيمة التعبير : $\frac{\sqrt{1+\frac{2 \times 2016}{1+2016^2}} + \sqrt{1-\frac{2 \times 2016}{1+2016^2}}}{\sqrt{4+\frac{8 \times 2016}{1+2016^2}} - \sqrt{4-\frac{8 \times 2016}{1+2016^2}}}$</p>	<p>4 ن</p> <p>2 ن</p> <p>2 ن</p> <p>1 ن</p>
<p>التمرين الثاني : 5 ن</p> <p>ليكن ABC مثلث، حيث : $AC = b$ و $AB = c$ و $BC = a$ و $b \neq c$</p> <p>1. عمل التعبير : $(b^4 + a^2c^2) - (c^4 + a^2b^2)$</p> <p>2. نفترض أن : $b^4 + a^2c^2 = c^4 + a^2b^2$ بين طبيعة المثلث ABC.</p>	<p>3 ن</p> <p>2 ن</p>
<p>التمرين الثالث : 6 ن</p> <p>لاحظ الشكل جانبه حيث $AB=2$ و $AC=3$ و $BC=4$ نضع $AM=x$</p> <p>1. بين أن : $MN=2x$ و $EF = \frac{(2-x)}{x} AE$</p> <p>2. استنتج قيمة x بحيث تكون مساحة المثلث AMN مساوية لمساحة شبه المنحرف MNCB</p>	<p>3 ن</p> <p>3 ن</p>



الله ولي التوفيق